

11. cvičení - Určitý integrál

☞ = příklady, co byste fakt fakt měli udělat, prosím prosím

Příklad 1 (Určité integrály ((m), (n), (o) bez vzorového řešení). Spočtěte následující integrály.

(a) $\int_{-3}^7 x^3 - 2x + 1 dx$.

(i) $\int_0^{10\pi} \sqrt{1 - \cos 2x} dx$.

(b) $\int_0^3 |1 - x| dx$.

(j) $\int_0^1 x^{15} \sqrt{1 + 3x^8} dx$.

(c) $\int_0^{2\pi} 2 \sin^2 x dx$.

(k) ☞ $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{2 \sin^2 x + 3 \cos^2 x} dx$.

(d) ☞ $\int_{\frac{1}{e}}^e |\log x| dx$.

(l) $\int_0^{2\pi} \frac{1}{(2 + \cos x)(3 + \cos x)} dx$.

(e) ☞ $\int_0^\pi x^2 \cos^2 x dx$.

(m) $\int_0^{2\pi} \frac{1}{\sin^4 x + \cos^4 x} dx$.

(f) $\int_0^{\sqrt{3}} x \arctan x dx$.

(n) $\int_{-4\pi}^{4\pi} \frac{\sin x}{\sin^4 x + \cos^2 x} dx$.

(g) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} e^x \sin x dx$.

(o) $\int_{-\infty}^0 \frac{e^{4x} + 4e^{3x} - e^{2x} - 2e^x}{(e^{2x} + 1)(2e^{2x} + 3e^x + 1)} dx$.

(h) $\int_0^{\log 4} x e^{-x} dx$.

Příklad 2. Určete primitivní funkci na všech intervalech, kde existuje.

(a) $\int_{-1}^2 |x| dx$.

(f) ☞ $\int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{7}{3}\pi} \frac{1}{1 + \sin^2 x} dx$.

(b) $\int_{-\frac{1}{3}}^\pi |1 - x| + |1 + x| dx$.

(g) ☞ $\int_{-\frac{3}{2}\pi}^0 \frac{1}{\sin x + \cos x + 2} dx$.

(c) ☞ $\int_{\frac{1}{2}}^{\frac{3}{2}} \max\{1, x^2\} dx$.

(h) $\int_{-\pi}^0 \frac{1}{3 \cos^2 x + \sin 2x + 1} dx$.

(d) $\int_{-2}^1 e^{-|x|} dx$.

(i) $\int_{\frac{\pi}{3}}^\pi \frac{1}{6 \cos^2 x + 4 \sin x \cos x + \sin^2 x} dx$.

(e) $\int_{-\frac{17}{12}\pi}^{-\frac{3}{4}\pi} |\sin x| dx$.

Pokračování na další straně.



Příklad 3 (Zkouškové, bez vzorového řešení). Spočítejte následující integrály a určete maximální množinu existence.

(a) $\int \frac{\tan x}{6+11 \cos x+6 \cos^2 x+\cos^3 x} dx.$

(b) $\int \frac{1}{2+\sin x} dx.$

(c) $\int \frac{1}{x} \sqrt{\frac{x+1}{x+4}} dx.$

(d) $\int e^{3x} \cos^2 x dx.$

(e) $\int \frac{\sin x-\cos x}{\sin x+2 \cos x+5} \text{ na } (-\pi, \pi) dx.$

(f) $\int \frac{x+\log x}{x^2} \log x dx.$

(g) $\int \frac{1+\tan^2 x}{(1+\sin 2x)^2} dx.$

(h) $\int \frac{1}{(16-x^2)\sqrt{x}} dx.$

(i) $\int \frac{\log^3 x+2 \log x}{x \log^3 x-x} dx.$

(j) $\int \frac{2e^{4x}-5e^{3x}+8e^{2x}-e^x}{(e^{2x}-2e^x-3)(e^{2x}-e^x+2)} dx.$

(k) $\int \frac{x^{\frac{1}{2}}+1}{(x-x^{\frac{3}{4}})(x^{\frac{1}{2}}+x^{\frac{1}{4}}+4)} dx.$

(l) $\int \frac{1}{(2+\cos x)(3+\cos x)} dx.$

(m) $\int_2^{+\infty} \frac{1}{x} \cdot \frac{1}{\log^3 x+2 \log x} dx.$

(n) $\int_0^{4\pi} \frac{1}{(2+\sin x)(3+\cos x)} dx.$

(o) $\int_0^1 \frac{\sqrt{x}+2\sqrt[4]{x}}{(\sqrt{x}+1)(\sqrt[4]{x}+1)} dx.$

(p) $\int_0^{2\pi} \frac{\cos^2 x}{1+\sin^2 x-2 \sin^4 x} dx.$

